

Алгебраическая геометрия модуль 1 занятие 3.

1. Найдите точки второго порядка на кривой  $y^2 = 4(-e_1)(-e_2)(-e_3)$ .
2. Докажите что точки перегиба на кубике являются точками третьего порядка.
3. Докажите что касательная к бесконечной компоненте вещественной кривой  $y^2 = 4(-e_1)(-e_2)(-e_3)$  не пересекает конечного овала.
4. Докажите что множество гладких точек особой кривой  $y^2 = 4^3 - g_2x - g_3$  изоморфно  $\mathbb{C} \setminus 0$ .
5. Найдите все рациональные решения уравнения  $y^2 = 4^3 - 3x - 1$ .