

# ТЕОРИЯ ФУНКЦИЙ КОМПЛЕКСНОГО ПЕРЕМЕННОГО

С.М. НАТАНЗОН

## 1. ГОЛОМОРФНЫЕ ФУНКЦИИ.

- 1.1. Комплексная производная.
- 1.2. Дифференциал комплексной функции.
- 1.3. Комплексное интегрирование.
- 1.4. Теорема Коши.
- 1.5. Первообразная.
- 1.6. Интегральная формула Коши.
- 1.7. Разложение в ряд Тейлора.
- 1.8. Критерий голоморфности.
- 1.9. Теорема Вейерштрасса.

## 2. МЕРОМОРФНЫЕ ФУНКЦИИ.

- 2.1. Функции голоморфные в кольце. Ряды Лорана.
- 2.2. Изолированные особые точки.
- 2.3. Вычеты и интегралы в смысле главного значения.
- 2.4. Принцип аргумента.
- 2.5. Топологические свойства мероморфных функций.

## 3. ТЕОРЕМА РИМАНА.

- 3.1. Непрерывные функционалы на компактных семействах функций.
- 3.2. Теорема Гурвица и однолистные функции.
- 3.3. Аналитическое продолжение.
- 3.4. Теорема Римана.
- 3.5. Автоморфизмы односвязных областей.
- 3.6. Соответствие границ.

## 4. ВВЕДЕНИЕ В РИМАНОВЫ ПОВЕРХНОСТИ.

- 4.1. Римановы поверхности. Униформизация.
- 4.2. Фуксовы группы.
- 4.3. Пространство модулей комплексных торов.
- 4.4. Римановы поверхности аналитических функций.

## 5. ГАРМОНИЧЕСКИЕ ФУНКЦИИ.

- 5.1. Гармонические функции. Определения и примеры.
- 5.2. Интегральные формулы для гармонической функции.
- 5.3. Функция Грина.
- 5.4. Задача Дирихле.