

Группы и алгебры Ли II. Семинар 5.04.18

Задача 1. а) Опишите алгебру Ли $so(2m+1, \mathbb{C})$ в базисе, в котором билинейная форма имеет вид $\sum_{i=1}^{2m+1} x_i y_{\bar{i}}$. Здесь $\bar{i} = 2m+2-i$. Опишите картановскую подалгебру, корневое разложение, корни.

б) Найдите простые корни

Задача 2. Те же вопросы про алгебру Ли $sp(2m, \mathbb{C})$ в базисе, в котором кососимметрическая форма имеет вид $\sum_{i=1}^m (x_i y_{\bar{i}} - x_{\bar{i}} y_i)$. Здесь $\bar{i} = 2m+1-i$.